

## Chemometric approach to data processing in hydrogeological research

Jana Stojković, Marina Ćuk, Maja Todorović, Jovana Milosavljević, Jakov Andrijašević



Дигитални репозиторијум Рударско-геолошког факултета Универзитета у Београду

[ДР РГФ]

Chemometric approach to data processing in hydrogeological research | Jana Stojković, Marina Ćuk, Maja Todorović, Jovana Milosavljević, Jakov Andrijašević | XVI Kongres geologa Srbije, Gornji Milanovac, 2014 | 2014 ||

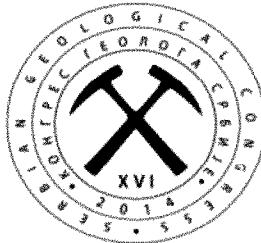
<http://dr.rgf.bg.ac.rs/s/repo/item/0005887>

Дигитални репозиторијум Рударско-геолошког факултета  
Универзитета у Београду омогућава приступ издањима  
Факултета и радовима запослених доступним у слободном  
приступу. - Претрага репозиторијума доступна је на  
[www.dr.rgf.bg.ac.rs](http://www.dr.rgf.bg.ac.rs)

The Digital repository of The University of Belgrade  
Faculty of Mining and Geology archives faculty  
publications available in open access, as well as the  
employees' publications. - The Repository is available at:  
[www.dr.rgf.bg.ac.rs](http://www.dr.rgf.bg.ac.rs)

**Српско геолошко друштво**

**Зборник радова  
XVI Конгреса геолога Србије**



**Proceedings  
of the XVI Serbian Geological Congress**

**ОПТИМАЛНО ИСТРАЖИВАЊЕ И ОДРЖИВО  
КОРИШЋЕЊЕ ГЕОЛОШКИХ РЕСУРСА**

**OPTIMAL RESEARCH AND SUSTAINABLE USAGE OF  
THE GEOLOGICAL RESOURCES**

# **XVI Конгрес геолога Србије: Зборник радова**

(Национални конгрес с међународним учешћем)

## **XVI Serbian Geological Congress: Proceedings**

(National Congress with International Participation)

**Donji Milanovac, 22-25.05.2014.**

### **За издавача / For the Publisher**

Zoran Stevanović,

Председник Српског геолошког друштва / President of the Serbian Geological Society

### **Главни уредник / Editor-in-Chief**

Vladica Cvetković

### **Уређивачки одбор / Editorial Board**

Biljana Abolmasov, Katarina Bogićević, Meri Ganić, Rade Jelenković, Aleksandra Maran Stevanović, Vesna Matović, Vesna Ristić Vakanjac, Aleksandar Ristović, Ljupko Rundić

### **Техничка припрема / Technical Preparation**

Veljko Marinović, Ognjen Jevtić, Milan Vukićević, Nemanja Krstekanić, Jelena Krstajić, Nikola Vojvodić, Bojan Kostić, Kristina Šarić

### **Издавач / Publisher**

Српско геолошко друштво / Serbian Geological Society

Kamenička 6, P. Box 227, 11001 Belgrade, Serbia

<http://www.sgd.rs>; e-mail: [office@sgd.rs](mailto:office@sgd.rs)

Тираж: 300 примерака / Circulation: 300 copies

### **Штампа / Printing**

Šprint, Alekse Nenadovića 28, Beograd, Serbia

**ISBN 978-86-86053-14-5**

**Напомена:** Аутори су одговорни за садржај и квалитет својих саопштења  
**Note:** The authors are responsible for the content and quality of their contributions

XVI Конгрес геолога Србије, Доњи Милановац, 22-25 мај 2014. XVI Serbian Geological Congress, Donji Milanovac, May 22 <sup>nd</sup> -25 <sup>th</sup> 2014	Зборник радова Proceedings	Проширени апстракт Extended abstract
--	-------------------------------	---

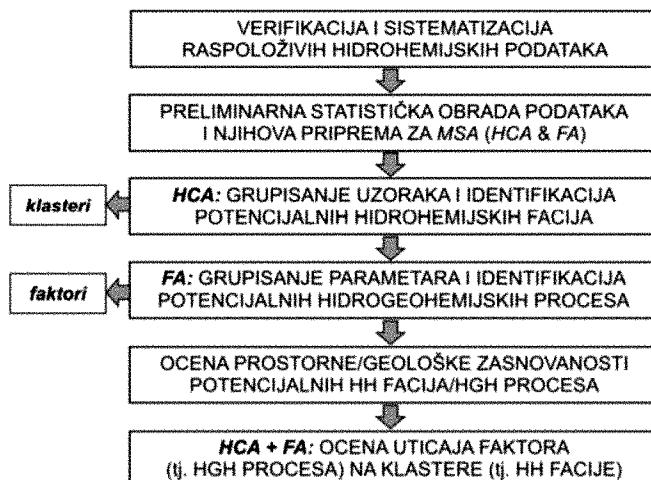
## HEMOMETRIJSKI PRISTUP OBRADI PODATAKA U HIDROGEOLOŠKIM ISTRAŽIVANJIMA

**Jana Štrbački<sup>1\*</sup>, Marina Ćuk<sup>1</sup>, Maja Todorović<sup>1</sup>, Jovana Milosavljević<sup>1</sup> i Jakov Andrijašević<sup>1</sup>**

<sup>1)</sup>Универзитет у Београду, Рударско-геолошки факултет, Департман за хидрогеологију, Ђушина 7, Београд, e-mail: jana.stojkovic@rgf.bg.ac.rs

**Кључне речи:** факторна анализа, хидрохемијски процеси, хидрохемијске фације, кластер анализа, секвентијална методологија

У овом раду приказан је tzv. hemometrijski приступ обради хидрохемијских података, прilikom решавања различитих хидрогеолошких проблема. Суština ovakvog приступа јесте у примени мултиваријантних статистичких метода, али секвентијално, тј. одреденим логијчним redosledom, тако да се сваки нaredni korak nadovezuje na prethodni. Ovim se постиже sveobuhvatnije sagledavanje raspoloživih информација и njihovo bolje i potpunije iskorišćavanje, a povećava se i pouzdanost добijenih rezultata (Thyne et al., 2004). Tok razmatrane методологије приказан је на блок диграму (sl. 1).



Sl. 1 Blok dijagram sekventiјalne mултиваријантне статистичке методологије. MSA – мултиваријантна статистичка анализа, HCA – хијерархијска кластер анализа, FA – факторна анализа.

Prvi korak razmatrane методологије представља верификација и систематизација raspoloživih хидрохемијских података. Често је потребно изузети из даље статистичке обраде одредени број узорака, односно физичко-хемијских параметара. Узорци се најчешће одбацију usled неkompletности хемијских анализа или у slučaju elektroneutralnosti (greške u jonskom балансу) веће од 5 %, dok jedan od главних razloga за изузimanje pojedinih хидрохемијских параметара представља велики број вредности (preko 30 %) испод нивоа детекције (Güler et al., 2002). Такоде, neophodno je uskladiti мерне единице, npr. sve koncentracije izraziti u mg/l.

Sledeći korak podrazumeva preliminarnu obradu података и njihovu pripremu за мултиваријантну статистичку анализу. Najpre se određuju elementарне статистичке величине: aritmetička и геометријска средина, медјана, minimalna и maksimalna вредност, коeficijent асиметрије itd. Ukoliko se уstanovi da pojedini параметри odstupaju od normalne raspodele (што је честа појава код хидрохемијских величин), потребно je izvršiti transformaciju података, при чему најбоље rezultate daje Boks-Koks transformacija (Box & Cox, 1964). Normalnost transformisanih података могуће je

proveriti primenom Kolmogorov-Smirnov testa. Na kraju treba standardizovati analizirane parametre (izračunavanje tzv.  $z$ -vrednosti), kako bi svi imali jednaku težinu u daljoj statističkoj analizi (Güler et al., 2002).

Nakon formiranja konačnog skupa hidrohemijских podataka pristupa se primeni multivarijantnih statističkih metoda. Klaster analiza (*Hierarchical Cluster Analysis, HCA*) i faktorna analiza (*Factor Analysis, FA*) imaju široku primenu u hidrohemiji. Suština obe metode jeste organizovanje i pojednostavljinjanje velikih skupova podataka. HCA ima za cilj grupisanje uzorka u tzv. **klastere**, na osnovu sličnosti u hemijskom sastavu i fizičkim osobinama i to tako da su uzorci u okviru jednog klastera sličnih osobina, a da se razlikuju od uzorka u drugim klasterima. Izdvojeni klasteri predstavljaju potencijalne hidrohemijiske facije. S druge strane, FA služi za grupisanje višemeđusobno koreliranih parametara u tzv. **faktore**, koji se mogu dovesti u vezu sa određenim hidrogeohemijskim procesima, značajnim za formiranje hemizma prirodnih voda (Cloutier et al., 2008, Helena et al., 1999, Drever 1997, Davis 1986).

Poslednji korak predstavlja verifikacija rezultata HCA i FA. Ovo podrazumeva, između ostalog, ocenu prostorne, odnosno geološke zasnovanosti dobijenih klastera, što se postiže njihovim nanošenjem na različite podloge (topografske, geološke, hidrogeološke i druge). Analizira se i uticaj izdvojenih hidrogeohemijskih procesa (tj. faktora) na razmatrane hidrohemijiske facije (tj. klastere). Razdvajaju se faktori koji su posledica prirodnih procesa (interakcija stena – voda) od antropogene komponente (različiti izvori zagadenja) (Thyne et al., 2004).

Pored niza prednosti, opisana metodologija svakako ima i odredena ograničenja. Kvalitet rezultata statističke analize zavisi od kvaliteta unetih podataka, a preciznost interpretacije uslovljena je veličinom ispitivanog područja. Takođe, pravilna interpretacija dobijenih rezultata moguća je samo u odgovarajućem geološkom, hidrogeološkom i hidrogeohemiskom kontekstu.

#### LITERATURA / REFERENCES:

- Box, G.E.P. & Cox, D.R. (1964): An analysis of transformations. *Journal of the Royal Statistical Society, Series B*, 26 (2), 211-252, JSTOR, London.
- Cloutier, V., Lefebvre, R., Therrien, R. & Savard, M.M. (2008): Multivariate statistical analysis of geochemical data as indicative of the hydrogeochemical evolution of groundwater in a sedimentary rock aquifer system. *Journal of Hydrology*, 353, 294-313, Elsevier.
- Davis, J.C. (1986): *Statistics and Data Analysis in Geology*. New York: John Wiley & Sons Inc.
- Drever, J.I. (1997): *The geochemistry of natural waters*. 3rd. edition, Upper Saddle River, New Jersey: Prentice-Hall.
- Güler, C., Thyne, G.D., McCray, J.E. & Turner, A.K. (2002): Evaluation of graphical and multivariate statistical methods for classification of water chemistry data. *Hydrogeology Journal*, 10, 455-474, Springer.
- Helena, B. A., Vega, M., Barrado, E., Pardo, R. & Fernandez, L. (1999): A case of hydrochemical characterization of an alluvial aquifer influenced by human activities. *Water, Air and Soil Pollution*, 112, 365-387, Springer.
- Thyne, G., Güler, C. & Poeter, E. (2004): Sequential Analysis of Hydrochemical Data for Watershed Characterization. *Groundwater*, 42 (5), 711-723, National Ground Water Association, Ohio, USA.